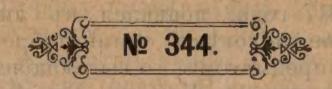
Въстникъ Опытной Физики

И

ЭЛЕМЕНТАРНОЙ МАТЕМАТИКИ.

30 Апрѣля



1903 r.

Содержаніе: Жизнь и труды Н. Абеля. (Рвчь, произнесенная И. Слешинскимь въ годичномь засѣданіи Общества Естествоиспытателей при Новороссійскомь университеть 14-го марта 1903 г.). — Изъ методологіи физики. Къ вопросу объ основныхь принципахъ электростатики. Эр. Шиачинскаю. —Тема для учащихся. Зависимость между периметрами правильныхъ многоугольниковъ и вычисленіе т. И. Олорова. — Научная хроника: Комета Гауе'я. Новая перемьная звѣзда въ созвѣздіи Большой Медвьдицы. Замына мыла электричествомъ. Еще о телеграфь Маркони. Вопросъ объ энергіи радіоактивныхъ веществъ. Примыненіе телефона въ медицинь. Телеграфія безъ проводовъ. — Математическія мелочи: Доказательство извыстной теоремы изъ теоріи предыловь, М. В. — Рецензіи: Избранныя задачи по практической физикь. В. Михельсона п П. Борисова. Проф. Н. Гезехуса. Фуртье и Мольтени. Научныя демонстраціи при помощи волшебнаго фонаря. М. Воскресенскаго. М. И. —Задачи для учащихся, М. 328 — 333 (4 сер.). — Рышенія задачъ, № 234, 256, 259, 261, 266. — Объявленія.

Жизнь и труды Н. Абеля.

Ръчь, произнесенная И. Слешинскимъ въ годичномъ засъданіи Общества Естествоиспытателей при Новороссійскомъ университетъ 14-го марта 1903 года.

Въ сентябрѣ прошедшаго года Норвегія достойнымъ образомъ отпраздновала, при участіи ученыхъ всѣхъ странъ, столѣтіе дня рожденія величайшаго изъ своихъ мыслителей и одного изъ наиболѣе замѣчательныхъ математиковъ во всемъ мірѣ, Николая Генриха Абеля. Изданный по этому поводу меморіалъ *) содержитъ всѣ сохранившіяся письма Абеля, разные документы, касающіеся его дѣятельности, его біографію и оцѣнку его работъ.

Всякій, кто прочтеть этоть меморіаль, навірное, испытаеть обаяніе, производимое личностью великаго математика, соединявшаго въ удивительныхъ размірахъ глубину и силу ума съ простотой и благородствомъ характера.

the authorite service and a way

^{*)} Niels Henrik Abel. Mémorial publié à l'occasion du centenaire de sa naissance. Kristiania 1902.

Позвольте мив въ настоящемъ краткомъ очеркв представить вамъ, по крайней мврв, некоторые черты жизни и характера этого человека.

Жизнь Абеля необыкновенно проста съ внѣшней стороны. Родился онъ 5-го августа 1802 года въ Finnö, на одномъ изъ острововъ юго-запада Норвегіи, вблизи города Ставангера. Первымъ учителемъ его былъ отецъ — пасторъ, человѣкъ очень талантливый. 13 лѣтъ онъ поступилъ въ лицей Кристіаніи. Здѣсь до 16 льть онъ не обнаруживаль особенныхъ дарованій. Но когда, въ концъ 1817 года. появился въ лицеъ новый учитель математики Holmboe, человѣкъ очень добросовѣстный и интересовавшійся своимъ предметомъ, то выдающіяся способности Абеля не замедлили обнаружиться. Уже на скамь лицея онъ сталъ заниматься ръшеніемъ трудньйшихъ математическихъ вопросовъ. Это обстоятельство обратило на него внимание профессоровъ университета Кристіаніи, которые, въ виду его б'єдности, устроили складчину и содержали его въ теченіе университетскаго курса. На основаніи одной работы Абеля, профессора математики Rasmusen и Hansteen выхлопотали для него заграничную командировку въ Геттингенъ и Парижъ. Но, вмѣсто Геттингена, гдѣ Абель долженъ былъ слушать Gauss'a, онъ отправился въ 1825 году въ Берлинъ, гдѣ пріобрѣлъ друга въ лицѣ нѣмецкаго математика Crelle, составившаго себъ извъстность изданіемъ математическаго журнала. Послѣ Берлина онъ отправился въ 1826 году вь Парижъ, гдъ представилъ академіи одинъ изъ наиболье замъчательныхъ своихъ мемуаровъ. Не будучи въ состояніи дождаться отвъта академіи (послъдовавшаго черезъ 14 лътъ!), Абель вернулся въ Верлинъ, а оттуда въ 1827 году въ Кристіанію. Здісь первое время онъ жиль въ большой нужді, не имізя возможности устроиться при университеть, такъ какъ единственную свободную профессуру заняль въ его отсутствіе, по пригла-шенію университета, учитель и другь его Holmboe. (Abel до конца жизни сохранилъ дружбу съ Holmboe. Послѣ смерти Abel'я Holmboe издалъ полное собраніе его сочиненій). Потомъ, однако, Абель былъ приглашенъ въ университетъ для временнаго замъщенія Hansteen'a, убхавшаго для магнитныхъ изследованій на два года въ Сибирь. На Рождествъ 1828 года онъ уъхалъ въ Froland вблизи г. Arendal'я, гдѣ жила его невѣста. По дорогѣ, будучи плохо одъть, онъ простудился, забольлъ воспаленіемъ легкихъ, потомъ чахоткой. Подорванный матеріальными лишеніями и гигантской умственной работой организмъ не выдержалъ, и онъ умеръ 6-го апръля 1829 года, не достигши 27-лътнято возраста. Тотчасъ послѣ смерти пришло письмо отъ СтеПе съ извъщеніемъ о приглашеніи Абеля профессоромъ въ Берлинъ и увъдомленіе отъ Парижской Академіи о присужденіи ему преміи за опубликованные труды. Великій Gauss, столь сдержанный въ своихъ сужденіяхъ и чувствахъ, писалъ Шумахеру, по поводу смерти Абеля, что наука въ лицъ Абеля понесла большую утрату,

и настоятельно просиль достать для него портреть Абеля и свъдінія, касающіяся его жизни.

Такова внѣшняя сторона жизни Абеля. Постараемся теперь заглянуть во внутренній мірь этого замічательнаго человіка.

Чтобы понять возвышенный образъ его мыслей, неутомимую энергію его научной діятельности и характерь его открытій, необходимо остановиться на различныхъ условіяхъ, отъ которыхъ зависѣло его развитіе.

Время, къ которому принадлежитъ Абель, представляетъ для Норвегіи знаменательную эпоху, когда въ минуты крайняго истощенія страны, вследствіе войны и голода, возникло въ конце 1809 года "общество для блага Норвегіи (Selskabet for Norges Vel), а въ 1811 году, на общественныя пожертвованія, — университетъ въ Кристіаніи. Когда, далье, посль того какъ Норвегія, въ силу Кильскаго мира, перешла отъ Даніи къ Швеціи, 17-го мая 1814 года Норвежцы приняли въ Eidsvold' конституцію, которую, какъ прочную основу своей независимости, мужественно, твердо и успѣшно отстаивали противъ притязаній Швеціи и ея королей. CARNARO NA RODROFARCE C

Отецъ Абеля былъ однимъ изъ членовъ собранія въ Eidsvold' в и защищаль идею независимости Норвегіи. Николай Абель быль въ то время 12-ти лѣтъ. Въ слѣдующемъ году онъ поступиль въ лицей Кристіаніи, гдв находился подъ вліяніемъ Holmboe, искренняго патріота и стойкаго сторонника партіи N. Vergeland'a (отца извѣстнаго поэта)—этого пламеннаго защитника независимости Норвегіи. Такимъ образомъ, Абель жилъ въ эти ранніе годы въ сферѣ патріотическаго энтузіазма, поддерживаемаго борьбой общества за независимость Норвегіи. Мы видимъ его въ болѣе зрѣлый періодъ (по его письмамъ) какъ человъка глубоко привязаннато къ родинъ, тоскующаго по ней и горячо защищающаго ее въ бесъдъ съ иностранцами. На своемъ знаменитомъ мемуаръ, представленномъ Парижской Академіи, онъ подписывается: Н. Абель-норвежець. Онъ смотрить на свои научныя изследованія, какъ на долгь по отношенію къ родине. Испытывая почти постоянно нужду, онъ дважды отклонилъ предложение друга своего Crelle устроиться въ Берлинъ въ качествъ редактора математическаго журнала, какъ разъ тогда

Во время перваго пребыванія Абеля въ Берлинъ (въ 1826 г.) освободилась профессура математики въ Кристіаніи вследствіе ухода профессора Rasmusen'a. Факультеть представиль двухъ кандидатовъ: Holmboe и Abel'я, но рекомендовалъ отдать предпочтеніе Holmboe. Вслідствіе этого быль назначень Holmboe.

Надежда устроиться при университеть была для Abel'я на продолжительное время потеряна. Hansteen высказалъ, однако, въ письмъ къ Абелю надежду, что со временемъ министерство учредить еще одну профессуру математики, которая будеть предоставлена Abel'ю. Въ отвѣтномъ письмѣ къ Hansteen'у по этому при мысли о возвращеніи на родину и возможности спокойно работать".

Надежды Hausteen'a, однако, не оправдались, и вернувшійся изъ заграничной командировки въ 1827 году Абель въ теченіе изсколькихъ місяцевъ испытывалъ жестокую нужду. Лишь отъйздъ Hansteen'a въ Сибирь на 2 года доставилъ Abel'ю возможность, по крайней мірів, временно устроиться при университеть. Въ это время Абель получилъ извіщеніе отъ Crelle о наміреніи прусскаго правительства пригласить его профессоромъ въ Берлинъ. Несмотря на свое плачевное матеріальное состояніе, Абель не рішился изъявить на это свое согласіе, не выяснивъ не можеть ли онъ въ Христіаніи разсчитывать на какое либо прочное положеніе, которое позволяло бы ему спокойно работать, —и обратился по этому поводу съ запросомъ въ Совіть университета.

Мы видимъ, такимъ образомъ, какъ относился Абель къ своей родинъ. Здъсь естественно возникаетъ вопросъ, оцънила ли Норвегія надлежащимъ образомъ своего величайшаго мыслителя и сделало ли норвержское общество должное для сохраненія этого удивительнаго человѣка. На оба вопроса приходится отвътить отрицательно, но было бы въ высшей степени несправедливымъ дѣлать изъ этого какой бы то ни было упрекъ родинь Абеля. Съ одной стороны, экономическое состояние Норвегіи въ ту эпоху, послів войны и голода, было, поистинів, плачевно. Съ другой стороны, молодой университетъ Кристіаніи не имълъ еще выдающихся научныхъ силъ, и, хотя для Hansteen'a, Rasmusen'a и Holmboe было очевидно, что въ лицѣ Абеля они имъють дъло съ геніальнымъ ученымъ (о чемъ они и заявляли не разъ), но такое пониманіе значенія Абеля, какое уже въ то время было доступно Legendre'y, Jacobi и Gauss'y, было для нихъ совершенно непосильно. Такимъ образомъ, въ то время какъ для великихъ европейскихъ математиковъ Абель былъ геніальнымъ ученымъ, обогащающимъ науку удивительными открытіями, для своего отечества онъ все еще быль молодымъ стипендіатомъ, обнаруживающимъ геніальныя, по отзыву спеціалистовъ, способности и подающимъ поэтому большія надежды. Наконецъ, нужно помнить, что, лишь благодаря несчастному стеченію обстоятельствъ, жизнь Абеля прекратилась слишкомъ скоро для того, чтобы общество могло прійти ему на помощь. Онъ умеръ въ моменть, когда матеріальное положеніе его, благодаря усиліямь университетской коллегіи, какъ разъ начинало улучшаться.

Вся жизнь Абеля, начиная съ 20-лѣтняго возраста, была посвящена одному дѣлу—безкорыстному служенію чистой наукѣ. Чтобы сколько-нибудь заглянуть во внутреннее содержаніе этой жизни, необходимо хотя немного остановиться на состояніи математическихъ наукъ въ началѣ 19-го столѣтія. Послѣ величайшаго научнаго открытія—открытія исчисленія безконечно-малыхъ,

которое завершили въ послѣдней четверти 17-го вѣка Leibniz и Newton, весь 18-й въкъ, въ области математическихъ наукъ, ушелъ на развитіе и примѣненіе новаго ученія, которое въ трудахь Эйлера и, затымь, Lagrange'а обратилось въ могущественнъйшій методъ изследованія явленій природы. Хотя знаніе основаній этого метода въ настоящее время быстро распространяется, но, къ сожалѣнію, нескоро еще наступить время, когда оно станеть общимъ достояніемъ людей, живущихъ умственной жизнью. Поэтому необходимо, хотя бы въ нѣсколькихъ словахъ, коснуться основныхъ понятій метода безконечно-малыхъ. Особенно простою и доступною является при этомъ точка зрѣнія Ньютона, основанная на понятіи о скорости. Понятіе о скорости движенія устанавливается такъ: при равномърномъ движении длина пройденнаго пути возростаетъ пропорціонально времени, т. е. отношеніе пути ко времени не изміняется, потому что съ увеличеніемъ времени путь увеличивается въ столько же разъ. Это постоянное отношеніе наз. скоростью. Въ неравномърномъ движеніи это отношение измѣняется. Поэтому движение разсматривается въ отдельный моменть. Если после даннаго момента прошло время Δt (значекъ Δ —замѣняетъ слово "приращеніе", Δt —приращеніе t, т. е. приращение времени) и путь увеличился на Δs , то можно разсматривать равномфрное движеніе, которое давало бы въ то же время тотъ же путь. Скорость его будеть $\frac{\Delta s}{\Delta t}$ и будеть зависѣть отъ Δt . Предълъ ея, т. е. пр. $\frac{\Delta s}{\Delta t}$ при $\Delta t = 0$, и называется скоростью движенія въ данный моментъ. Въ движеніи разсматриваются двѣ величины: время движенія и путь, пройденный за это время. Эти понятія можно обобщить: вмѣсто движенія, можно разсматривать какое-либо измѣненіе одной величины у (зависимой перемѣнной, или функціи) въ зависимости отъ другой величины x (независимой перемѣнной). Въ движеніи х есть время, у длина пути. Тогда понятію "скорость движенія" будеть отвічать понятіе скорости изміненія у съ измѣненіемъ x, которую Newton назвалъ флюксіей. Въ настоящее время называють ее производной фуункціи у и обозначають чрезъ у'. Это и есть основное понятіе исчисленія беконечно-малыхъ. Если вообразимъ себъ, что движеніе, начиная съ нъкотораго момента, становится равномърнымъ, то путь, пройденный тъломъ съ этого момента, пропорціоналенъ промежутку времени или приращенію времени и, слѣд., равенъ произведенію изъ скорости на это приращение. Соотвътсвенно этому, другое понятие исчисленія безконечно-малыхъ, которому Leibniz далъ имя дифференціаль, будеть произведеніемь у на приращеніе Дж независимой перемьнной. Такъ какъ это послъднее называется также дифференціаломъ независимой перемѣнной и обозначается чрезъ dx, то дифференціаль функціи, или dy будеть

dy = y'dx.

$$y' = \frac{dy}{dx}.$$

Такимъ образомъ, между функціями y и z=y' существуетъ зависимость, заключающаяся въ томъ, что функція z представляєть скорость измѣненія y съ измѣненіемъ x. Отсюда возникають два вопроса: 1) по данной функціи y опредѣлить функцію z, т. е. скорость ея измѣненія, и 2) по данной функціи z, т. е. скорости измѣненія нѣкоторой функціи, опредѣлить эту функцію y. Функція y называется по отношенію къ ея производной z—первоначальной функціей, а по отношенію къ дифференціалу zdx его интеграломъ. Приведемъ примѣры. Можно доказать, что, если $y=x^2$, то z=2x; если $y=arc\sin x$ (т. е. $x=\sin y$) то $z=\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$ и др.

Исчисление безконечно-малыхъ распадается на двъ главныя вътви: дифференціальное и интегральное исчисленія. Непосредственная задача перваго есть разысканіе производной по данной функціи, второго-нахожденіе функціи по ея производной, т. е. нахожденіе интеграла по данному дифференціалу. Между этимии счисленіями существуеть громадное различіе, заключающееся въ слѣдующемъ. Въ дифференціальномъ исчисленіи имѣются теореым, позволяющія находить очень просто производную функціи, выраженіе которой какъ угодно сложно составлено изъ извѣстныхъ функцій, т. е., зная производную нѣсколькихъ функцій, мы можемъ найти производную ихъ произведенія, частнаго и т. д. Въ интегральномъ исчисленіи подобныхъ теоремъ не существуеть, и знаніе, напримірь, интеграловь двухь функцій не позволяеть найти интеграль отъ ихъ произведенія, который можеть оказаться совершенно новой функціей, досель неизвъстной. Такимъ образомъ, интегральное исчисление служить неистощимымъ источникомъ новыхъ функцій.

Въ то время, какъ математики конца 18-го стольтія, исчернавъ, повидимому, все содержаніе исчисленія безконечно-малыхт, занимались съ громаднымъ успьхомъ прикладными науками, въ сочиненіяхъ этой эпохи, въ особенности, въ работахъ Эйлера, содержались зачатки новыхъ вътвей математики, которыя, будучи развиты въ 19-мъ въкъ, составили необозримую область современной математики. Открытіе важнъйшихъ изъ этихъ вътвей было подготовлено, главнымъ образомъ, французскимъ математикомъ Legendre'омъ въ его изслъдованіи свойствъ дълимости чиселъ и интеграловъ алгебраическихъ функцій, содержащихъ корень квадратный изъ полинома не выше 4-ой степени. Геніальные математики этой эпохи Саисну и Gauss вступили какъ разъ на этотъ путь новаго развитія математическаго анализа.

Абель, положивъ въ основаніе своего математическаго образованія изученіе сочиненій Эйлера и Lagrange'a, уже на школьной скамьѣ, вдали отъ европейскаго міра ученыхъ, совершенно самостоятельно и вполнѣ систематически сталъ работать надъ расширеніемъ границъ науки. Посмотримъ, каковы были обстонтельства, благопріятствовавшія такой ранней и полной зрѣлости его ума. Первымъ учителемъ Абеля, какъ мы видѣли, былъ его

отець. Говорять, что онь добивался осязательнаго пониманія объясняемаго. Въ лицев Кристіаніи, гдв онъ находился съ 1815 года, математическія дарованія его, какъ сказано выше, обнаружились лишь послѣ 1817 года, когда въ число преподавателей лицея поступиль Holmboe. Онъ ввель 2 часа добавочныхъ занятій для решенія задачь по алгебре и геометріи. Для Абеля вскоре пришлось приготовлять особыя задачи. Замътивъ стособности Абеля, Holmboe началъ давать ему особые для ознакомленія его съ высшей математикой. Затёмъ вмѣстѣ съ Holmboe принялся за изученіе трехъ основныхъ трактатовъ Эйлера: введенія въ анализъ безконечныхъ, дифференціальнаго исчисленія и интегральнаго исчисленія. Послѣ этого Абель уже самъ занялся изученіемъ сочиненій Lacroix, Poisson'a, Gauss'a и, въ особенности, Lagrange'a. Библіотечныя записи въ лицев показывають, что до 1818 г. Абель читаль много сочиненій беллетристическаго содержанія и описаній путешествій, съ 1818-же появляются въ записяхъ сочиненія Ньютона, Даламберта и др. и нътъ ни одной книги нематематическаго содержанія. Мы видимъ, такимъ образомъ, что первыми шагами Абеля въ научной области руководиль Holmboe, человѣкъ не выдающихся дарованій, но знающій математику и очень добросов'єстный. Біографъ Абеля Bjerknes *) сообщаетъ слѣдующія данныя, проливающія свѣть на взгляды, которыми руководился тогда Holmboe въ области изученія математики. Bjerknes въ 1849 году обратился письменно къ Holmboe, своему бывшему учителю, съ просьбой дать ему указанія для продолженія занятій математикой. Holmboe сообщиль ему правила Lagrange'a, которыя онъ 30 лѣтъ тому назадъ (т. е. какъ разъ во время занятій съ Абелемъ) выписалъ изъ какого-то журнала. Вотъ выдержки изъ этихъ правилъ:

"Я не изучалъ никогда больше одного сочиненія одновременно, но, если оно было хорошо, я читалъ его до конца.

Я не останавливался долго на непонятныхъ мѣстахъ. но прочитывалъ ихъ, чтобы потомъ вернуться къ нимъ, если нужно, хоть двадцать разъ; если же и послѣ этихъ усилій я не вполнѣ понималъ, тогда я искалъ разъясненія у другого геометра.

Я не оставляль избранной книги, не усвоивь ея, и пропускаль то, что мив было хорошо известно, когда встречаль это снова.

При чтеніи я попреимуществу размышляль о томъ, что могло привести моего автора къ тому или другому преобразованію или подстановкѣ, и о пользѣ, которая отсюда вытекла; послѣ чего я искалъ, не ведетъ-ли иной способъ къ лучшимъ результатамъ, чтобы научиться пользоваться этимъ важнымъ средствомъ анализа.

^{*)} Niels Henrik Abel, Tableau de sa vie et de son action scientifique. Paris. 1885.

Я читаль всегда съ перомъ въ рукѣ, выполняя всѣ выкладки и упражняясь во всѣхъ вопросахъ, которые я встрѣчалъ; я считалъ прекраснымъ упражненіемъ разборъ методовъ и даже извлеченіе результатовъ, если сочиненіе было важно или пользовалось извѣстностью.

Съ самаго начала своей дѣятельности я старался глубоко изучить нѣкоторые предметы, чтобы имѣть возможность самостоятельнаго изслѣдованія, и пытался построить для себя, поскольку было возможно, теоріи по всѣмъ существеннымъ пунктамъ, чтобы лучше запечатлѣть ихъ въ своей памяти, усвоить ихъ и упражняться въ изложеніи".

Эти правила не могли не оказать вліянія на Abel'я.

hyremograph, on 1818-me

(Окончаніе сладуеть).

изъ методологии физики.

Къ вопросу объ основныхъ принципахъ электростатики. *)

es " coofingers cathy ionis garnia, rpomusaronia estru us

уви штовидо из эффан Эр. Шпачинскаго.

§ 1. Такой знатокъ современнаго состоянія физики, какъ проф. О. Д. Хвольсонъ, во введеніи къ IV тому своего "Курса Физики" говорить: "Наука о явленіяхъ электрическихъ и магнит "ныхъ совершенно лишена истинно-научной теоріи, которая была "бы одинаково примѣнима ко всѣмъ ея частямъ. Не преувели"чивая и глядя трезво на факты, мы должны сказать, что въ той "части этой науки, которая стремится объяснить относящіяся къ "ней явленія, нынь царствуеть хаосъ, и что никакой опредѣленной, "твердо установившейся и достаточно всеобъемлющей теоріи, ко"торая могла бы служить надежнымъ фундаментомъ для объясне"нія явленій,—не существуетъ".

Съ этимъ, въ особенности, надо считаться, при первоначальномъ ознакомленіи съ электрическими явленіями, т. е. въ элементарныхъ курсахъ: если, по мнѣнію самихъ физиковъ, вполнѣ надежной и установившейся теоріи нѣтъ, то незачѣмъ—казалось бы—какую-нибудь одну изъ вымышленныхъ въ свое время, а нынѣ уже непригодныхъ гипотезъ предлагать учащимся въ видѣ непреложной истины и способствовать, такимъ образомъ, зарожденію въ ихъ умахъ совершенно ложныхъ представленій, отъ коихъ впослѣдствіи такъ трудно бываетъ отказаться.

Въ дъйствительности, эта педагогическая ощибка съ давнихъ

^{*)} Въ сокращенномъ видѣ доложено авторомъ на І-мъ Варшавскомъ съѣздѣ преподавателей физики и математики, въ декабрѣ 1902 г. (См. "В. О. Физ.", № 337).

поръ уже повторяется всѣми начальными курсами электрофизики, не желающими ограничиться точнымъ изложеніемъ фактовъ и претендующими на научное ихъ объясненіе, ради котораго самые факты подвергаются зачастую искаженію. И эта ошибка въ значительной мѣрѣ усугубляется еще тѣмъ обстоятельствомъ, что идеи, пропагандируемыя нашими элементарными курсами ученія объ электричествѣ, сами по себѣ не выдерживаютъ критики здраваго смысла, ведутъ къ логическимъ противорѣчіямъ, и потому присвоеніе таковыхъ въ юномъ возрастѣ порождаетъ истинный хаосъ quasi-научныхъ понятій и пріучаетъ къ небрежности и поверхностности разсужденія.

- § 2. Съ педагогической точки зрѣнія, "историческій методъ" изложенія элементовъ какой-нибудь науки не находить никакихъ, повидимому, оправданій. При обученіи геометріи, напримъръ, никто не станеть нынв начинать ея элементарнаго курса съ древне-египетскихъ эмпирическихъ формулъ вычисленія площадей и пр. Между темъ, въ ученіи объ электричестве "историческій методъ" изложенія господствуеть и понынь: всь учебники обязательно начинають съ "янтаря", переходя затъмъ къ идеямъ XVII и XVIII стольтій и объясняя всь явленія на основаніи устарьлаго принципа "actio in distans"; въ заключение, разсказавъ довольно подробно главу изъ исторіи о спорѣ Гальвани съ Вольтою, переходять къ началу XIX вѣка, не рѣшаясь, однако, довести учащихся до идей Фарадея. Вследствіе этого, все те изъ учившихся въ нашихъ среднихъ учебныхъ заведеніяхъ, которые не изучали потомъ физики спеціально (а таковыхъ-громадное большинство), остаются на всю жизнь съ тъми понятіями о сущности электростатическихъ явленій, которыя господствовали въ до-фарадеевскую эпоху.
- § 3. Обученіе всякой наукѣ должно сводиться не только къ обогащенію ума новыми "знаніями" фактовъ и ихъ соотношеній, но также и пріобрѣтенію привычки "правильно называть познаваемов". Поэтому всякія первоначальныя "опредѣленія" имѣютъ столь серьезное дидактическое значеніе, и вредъ, приносимый обучающимся неудачною, а тѣмъ болѣе, фальшивой научной терминологіей, становится—если не всегда непоправимымъ, то во всякомъ случаѣ весьма трудно поправимымъ зломъ.

Въ томъ же "Введеніи" проф. О. Д. Хвольсонъ, по поводу электрофизической терминологіи,—которую онъ называетъ "не только устарѣлою, но и вредною",—говоритъ слѣдующее: "Она "вся построена на представленіяхъ, лежащихъ въ основъ "кар-"тины А" (такъ онъ, ради краткости, называетъ совокупность "до-фарадеевскихъ представленій объ электрическихъ явленіяхъ, "построенныхъ на постулатахъ "imponderabilia" и "астіо in distans"), "и, большею частью, отличается рѣзкою опредъленностью, ясно и "отчетливо выражая именно тѣ факты или тѣ событія, которые, "на основаніи картины А, должны составлять реальную подкладку "наблюдаемыхъ явленій. Пользуясь этой терминологіей, мы не-

"вольно и непрерывно видимъ передъ собою картину A, и въ "этомъ заключается какъ бы постоянная тренировка мысли въ "одномъ направленіи, которое мы, однако, сами считаемъ лож"нымъ. Этимъ самымъ мы мѣшаемъ самимъ себѣ отвыкнуть отъ
"картины A и привыкнуть къ тѣмъ образамъ и представленіямъ
"которые связаны съ "картиною B" (совокупностью Фарадеевско"Максуэллевскихъ представленій о роли среды въ электрическихъ
"явленіяхъ). Въ этомъ и заключается источникъ того несомнѣн"наго вреда, который приноситъ старая терминологія".

И если, далѣе, проф. Хвольсонъ совершенно справедливо замѣчаеть, что "при настоящемъ положеніи дѣла (т. е. при нынѣ
существующемъ хаосѣ понятій, когда обѣ картины А и Б оказываются, каждая въ отдѣльности, неудовлетворительными) всякая
попытка создать новую терминологію должна быть признанд
преждевременною",—то все же современный преподаватель элементарной физики, которому предстоитъ излагать "основы"
электроученія въ такую переходную эпоху и пользоваться при
этомъ, volens nolens, учебниками съ устарѣлой терминологіей,—
обязанъ примѣнять эту терминологію съ величайшею осторожностью, выставляя на видъ всю ея условность и вводя, вездѣ, гдѣ
это возможно, поправки опредѣленій и толкованій.

§ 4. Въ виду изложеннаго, въ настоящей стать я пытаюсь подвергнуть разбору тѣ, принятыя за "основные принципы" положенія, которыя составляють красугольный камень всей нашей школьной системы преподаванія электрофизики.

Какъ уже было замѣчено выше, это преподаваніе всегда начинается съ "янтаря", т. е. съ факта притягиванія легкихъ тѣлъ, каковой фактъ, такимъ образомъ, пріобрѣтаетъ значеніе основного, ибо во всѣхъ учебникахъ онъ описанъ на первыхъ страницахъ, и при школьномъ преподаванін всегда показывается какъ первый опытъ изъ области электричества.

Но, если свойство притягивать легкія тѣла и можно назвать отмичительным для тѣлъ наэлектризованныхъ, то ни въ какомъ случаѣ его нельзя считать основным, ибо въ тѣхъ же учебникахъ нѣсколькими страницами дальше оно "объясняется" сведеніемъ къ явленіямъ индукціи, каковыя, такимъ образомъ, признаются болѣе первичными. А если это такъ, если свойство "наведенія" электр. зарядовъ на близъ-лежащихъ проводникахъ не есть слѣдствіе, а причина притягиванія таковыхъ, то нѣтъ логическихъ основаній именно это послѣднее свойство принимать за наиболѣе элементарное и начинать курсъ съ такого сложнаго по существу опыта.

Но не это важно. Можно этотъ опыть, какъ легкій и характерный, показывать когда угодно, хотя бы и на нервомъ урокѣ, но нельзя дѣлать изъ него слишкомъ поспѣшнаго заключенія о пріобрѣтеніи натертой палочкой (стекла, каучука и пр.) способности притягивать легкія тѣла, ибо причина наблюдаемыхъ движеній можетъ быть и иная, о чемъ учащіеся, быть можетъ, догадались бы и сами, если бы имъ кто-нибудь сказалъ при этомъ, что никакихъ подобныхъ движеній не наблюдалось бы, если бы опытъ съ натертой палочкой повторить не въ воздухѣ, а, напри-

мфръ, въ водф.

Къ сожалвнію, во всёхъ извёстныхъ мнё учебникахъ ни слова не сказано о роли среды въ подобнаго рода явленіяхъ и вездё смёло говорится о притяженіи, о притягательной силь палочки или янтаря и пр., т. е. говорится объ этомъ фактё такъ, какъ было бы простительно говорить о немъ въ тё времена, когда онъ былъ еще единственнымъ извёстнымъ фактомъ изъ области электричества *).

Это не такъ маловажно, какъ могло бы казаться, ибо въ научной терминологіи каждое неумѣстно употребленное названіе можетъ принести существенный вредъ, вызывая въ умахъ учащихся, не понимающихъ еще всей условности этого названія, то либо другое ложное представленіе. Такъ и въ данномъ случаѣ, несвоевременно показанный опытъ съ натертой палочкой, по причинѣ неправильнаго его объясненія, порождаетъ сразу же ложное представленіе о возникновеніи (вслѣдствіе тренія) какой-то новой капризной силы, дѣйствующей на разстояніи то въ ту, то въ другую сторону, и такимъ образомъ учащіеся, съ первыхъ же шаговъ, совлекаются съ естественнаго прямого пути изслѣдованія явленій природы на тотъ окольный метафизическій путь, гдѣ во всей силѣ царитъ еще принципъ "астіо іп distans".

§ 5. Опыты съ подвъщенными на шелковинкахъ бузинными шариками предназначаются для демонстраціи двухъ электричествъ и для экспериментальной установки основного принципа: одно-именныя электричества отталкиваются, а разноименныя — притягиваются.

Ни въ одномъ изъ учебниковъ къ этому категорическому утвержденію не прибавлена оговорка: какъ будто, и нигдѣ не упомянуто, что наблюдаемыя перемѣщенія шариковъ обусловливаются воздѣйствіемъ приведенной въ особое состояніе среды, что никакихъ притяженій и отталкиваній не было бы при повтореніи опыта не въ воздухѣ, а, напримѣръ, въ водѣ, и пр.

Но и помимо этого, даже съ точки зрѣнія "actio in distans", установка вышеуказаннаго основного принципа всей электростатики на основаніи опытовъ съ бузинными шариками не выдерживаетъ критики педагогическихъ требованій. Въ самомъ дѣдѣ, что

^{*)} Въ одномъ только учебникъ Максуэлля (котораго, впрочемъ, нельзя считать элементарнымъ, хотя онъ такъ и названъ) встръчаемъ должную осторожность толкованія: описавъ этотъ первый опытъ (съ палочкой сургуча и клочками бумаги), авторъ говоритъ: "изъ этого мы видимъ, что въ простран"ствъ между сургучемъ и бумажками дъйствуютъ нъкоторыя силы, измъня"ющія относительное положеніе бумажекъ; такъ, въ данномъ случать бумажки "движутся сначала къ сургучу, а потомъ отъ сургуча къ столу". Тутъ нътъ даже и слова "притяженіе". (См. Клеркъ Максуэлль "Электричество въ элементарной обработкъ", перев. подъ ред. М. П. Авенаріуса. Кіевъ 1886 г.).

же здёсь при этихъ опытахъ притягивается или отталкивается — наэлектризованныя тъла или только ихъ заряды? Нигдё не дается яснаго и опредёленнаго отвёта на этотъ вопросъ, вполнё естественный со стороны каждаго изъ учащихся, желающаго дать себё отчеть въ томъ, что онъ видитъ. Опыты съ бузинными шариками какъ будто довольно наглядно убёждають его, что взаимодёйствують здёсь тъла, т. е. самые шарики, а такъ какъ опыты эти показываются (или описываются), по общепринятому шаблону, крайне поверхностно, и о существенныхъ, но не бросающихся въ глаза подробностяхъ взаимодёйствія этихъ шариковъ никто ему не скажетъ ни слова, то онъ такъ и рискуетъ остаться на всю жизнь съ наивною вёрою, будто матеріальныя тёла въ наэлектризованномъ состояніи пріобрётаютъ способность сами по себё притягиваться или отталкиваться на разстояніи.

Къ сожалѣнію, ученикъ, смотрящій на опыты съ бузинными шариками, ничего еще не слышаль объ индукціи, не знаетъ еще, что всякое наблюдаемое имъ взаимодѣйствіе есть лишь слѣдствіе взаимоиндукціи наэлектризованныхъ тѣлъ. Смотря, напримѣръ, какъ расходятся листики электроскопа, онъ долженъ, конечно, вѣрить въ то, что они сами по себѣ отталкиваются, ибо никто ему не сказалъ, а самъ онъ никогда не догадается, что въ моментъ начала расхожденія на внутреннихъ, соприкасавшихся поверхностяхъ этихъ листиковъ не было абсолютно никакого электричества.

Точно также, по причинѣ взаимоиндукціи двухъ одноименно наэлектризованныхъ шариковъ, въ моментъ начала ихъ видимаго расхожденія, электрическіе заряды ихъ находились уже на внѣшнихъ, наиболѣе удаленныхъ сегментахъ. Такого нарушенія равномѣрности распредѣленія электричества по поверхностямъ обоихъ шариковъ нельзя объяснить стремленіемъ этихъ шариковъ къ взаимоотталкиванію, ибо тогда осталось бы непонятнымъ стремленіе зарядовъ опередшть это взаимоотталкиваніе. То же и въ случаѣ кажущагося взаимопритяженія разноименно наэлектризованныхъ шариковъ: ихъ заряды, какъ будто опереживая взаимопритяженіе, скопляются все болѣе и болѣе на ближайшихъ частяхъ поверхностей.

Если бы учащіеся все это знали своевременно, они бы, навірное пришли сами къ заключенію, что опыты съ бузинными шариками вовсе не доказывають того, для чего они предназначаются, т. е. не доказывають взаимодійствія наэлектризованных тыль на разстояніи. Изъ нихъ можно заключить лишь то, что, наобороть, тыла наэлектризованныя сами по себи и не притягиваются и не отмалкиваются, а только увлекаются въ ту либо другую сторону, сохраняя при этомъ вполні пассивную роль массъ, подверженныхъ дійствію нікоторыхъ силъ.

§ 6. Итакъ, при невозможности объяснить явленія перемѣщеній зарядовъ по поверхностямъ наэлектризованныхъ тѣлъ взаимодѣйствіямъ самихъ этихъ тѣлъ на разстояніи, остается сдѣлать второе изъ двухъ, единственно возможныхъ при сохранени принципа "actio in distans" допущеній, т. е. принять, что взаимодійствують не вісомыя тыла, а ихъ невісомые заряды или, такъ называемыя, электрическія массы.

Этой гипотезой достаточно хорошо можно объяснить вышеуказанныя опереживанія зарядами своихъ шарпковъ; потому эти
заряды и скопляются на дальнѣйшихъ или на ближайшихъ частяхъ поверхностей, что сами они либо отталкиваются, либо притягиваются. Но—тутъ возникаетъ новый вопросъ—почему же они,
въ такомъ случаѣ, возвращаются назадъ по мѣрѣ увеличенія разстоянія между шариками? Почему, при одноименной электризаціи,
взаимоотталкивающіеся заряды не остаются попрежнему на тѣхъ
дальнѣйшихъ сегментахъ, на коихъ уже находились, а переходятъ
частью и на ближайшіе, по мѣрѣ удаленія шариковъ, а при разноименной электризаціи—почему взаимопритягивающіеся заряды,
при насильномъ разъединеніи шариковъ, переходятъ съ ближайшихъ сегментовъ частью и на дальнѣйшіе?

Для объясненія этихъ повыхъ противорічій, очевидно, недостаточно уже вышепринятой гипотезы о взаимодыйствін на разстояніи отдільных электрических массь. Необходимо-если не желаемъ отказаться разъ навсегда отъ принципа "actio in distans"-дополнить эту гипотезу новымъ допущеніемъ, а именно, принять, что электричество, какъ положительное, такъ и отрицательное, способно отталкиваться не только тогда, когда оно расположено на двухъ отдъльныхъ изолированныхъ проводникахъ, но и въ томъ случав, когда оно находится на поверхности одного и того же проводника. Короче говоря, необходимо принять франклиновскую идею самоотталкиванія электричества. Только при ея пособіи вышеуказанныя противорьчія устраняются, такъ какъ перенесенія зарядовъ въ обратныхъ направленіяхъ можно тогда объяснить перевъсомъ самоотталкиванія каждаго изъ зарядовъ порознь надъ ихъ взаимоотталкиваніемъ или взаимопритяженіемъ при увеличеніи разстоянія.

Этотъ анализъ приводитъ насъ къ очевидному заключенію, что опыты ст бузинными шариками, сами по себъ, не могуть служить достаточнымь подтвержденіемь допущенія взаимодыйствія электрическихь масст на разстоянии, ибо этимъ только допущениемъ всѣ подробности явленій не объясняются. Ради этого, какъ мы видѣли, необходимо принять еще à priori гипотезу самоотталкиванія электричества, которая вовсе не вытекаеть какъ следствіе изъ принципа взаимодъйствія электрическихъ массъ на растояніи, а составляеть совершенно самостоятельное, произвольное и не подлежащее никакой опытной повъркъ допущение. Въ самомъ дълъ, уменьшая мысленно разм'тры матеріальныхъ, наэлектризованныхъ и взаимоотталкивающихся шариковъ и разстояніе между ними, до физически возможныхъ предъловъ, мы имъли бы право сдълать, пожалуй, такое заключеніе, что и безконечно-малыя матеріальныя частицы (или атомы, или подъ-атомы, если угодно) на безконечно - малыхъ разстояніяхъ стремятся отталкиваться совершенно такъ, какъ и бузинные шарики; но это ничуть бы намъ не помогло понять, почему и на этихъ частицахъ электрическіе ихъ заряды переносятся то въ ту, то въ другую сторону, ибо никакая логическая дедукція не откроетъ намъ перехода отъ факта видимаго взаимоотталкиванія таль, или мат. частицъ, которыя могутъ быть наэлектризованы, къ фантастической картинѣ взаимоотталкиванія нематеріальныхъ какихъ-то и непостижимыхъ элементовъ самого электричества.

(Продолжение слидуеть).

Тема для учащихся.

Зависимость между периметрами правильныхъ многоугольниковъ и вычисленіе π.

Эту тему можно исполнить, придерживаясь слѣдующаго плана.

Пусть P_n и p_n будуть цериметры правильныхь n-угольниковъ описаннаго около круга радіуса r и вписаннаго въ этоть кругъ. Можно убѣдиться въ справедливости слѣдующихъ формулъ:

$$P_{n^{2}} - p_{n^{2}} = \frac{p_{n^{2}}P_{n^{2}}}{4n^{2}r^{2}}$$

$$p_{2n^{2}} - p_{n^{2}} = \frac{p_{n^{2}}P_{2n^{2}}}{16n^{2}r^{2}}$$

$$P_{n} - p_{n} = \frac{P_{n}p_{2n^{2}}}{8n^{2}r^{2}}$$

$$p_{2n} - p_{n} = \frac{p_{2n}p_{4n^{2}}}{32n^{2}r^{2}}$$

$$P_{2n} - p_{n} = \frac{p_{n}P_{2n^{2}}}{16n^{2}r^{2}}$$

$$P_{n} - P_{2n} = \frac{P_{n}P_{2n^{2}}}{16n^{2}r^{2}}$$

$$p_{2n^{2}} = p_{n}P_{2n}$$

$$2p_{2n^{3}} = (p_{n} + p_{2n})p_{4n^{2}}$$

$$2p_{n}P_{n} = (p_{n} + p_{2n})P_{4n}$$

$$2p_{n}P_{2n} = (p_{n} + p_{2n})P_{4n}$$

желательно, чтобы наибольшее число этихъ формулъ было выведено помощью геометрическихъ соображеній, а прочія фор-

мулы были бы представлены, какъ алгебраическія ихъ слѣдствія. Работамъ съ преобладающимъ геометрическимъ характеромъ будеть отдано предпочтеніе. Формулы $p_{2n}^2 = p_n P_{2n}$ и $2p_n P_n = (p_n + P_n) P_{2n}$ встрѣчаются во многихъ курсахъ геометріи.

Такова первая часть предлагаемой темы.

Что касается вычисленія отношенія окружности къ діаметру, то эта вторая часть темы можеть быть исполнена, на основаніи предыдущихъ формулъ, многими различными способами. Одинъ изъ нихъ такой.

Провъривъ неравенства

$$\frac{P_n P_{2n}}{4P_n - P_{2n}} < \frac{P_{2n} P_{4n}}{4P_{2n} - P_{4n}}$$

$$\frac{p_{2n} p_{4n}}{4p_{2n} - p_{4n}} < \frac{p_n p_{2n}}{4p_n - p_{2n}},$$

нетрудно умозаключить:

$$\frac{3P_nP_{2n}}{4P_n-P_{2n}}<2\pi r<\frac{3p_np_{2n}}{4p_n-p_{2n}}.$$

Полагая r=1 и означая черезъ є ошибку вычисленія π посредствомъ этого неравенства, т. е.

$$2\varepsilon = \frac{3p_n \, p_{2n}}{4p_n - p_{2n}} - \frac{3P_n \, P_{2n}}{4P_n - P_{2n}} \, .$$

можно получить

$$\varepsilon = \frac{3p_n p_{2n}}{4p_n - p_{2n}} \cdot \frac{3P_n P_{2n}}{4P_n - P_{2n}} \cdot \frac{P_{2n} P_{4n^2}}{12(4n)^4}$$

и, слѣдовательно,

$$\varepsilon < \frac{6}{n^4}$$
.

Въ заключение, положивъ n=6, легко найти

$$0 < \pi - \frac{18}{4 + \sqrt{3}} < \frac{1}{6^3}$$

и отсюда вычислить π. Послѣднее неравенство приводить къ простой квадратурѣ круга.

1903 г. марта 12 дня.

Директоръ Усть-Медвѣдицкаго реальнаго училища *И Флоровъ*.

От редакціи. Срокъ работы 6 мѣсяцевъ; работы, предназначенныя для напечатанія, должны быть доставлены въ редакцію не позже 1-го ноября текущаго года

АЗИНОЧХ КАНРУАН.

Комета Faye'я. Эта комета, принадлежащая къ числу періодическихъ кометъ, т. е. такихъ, которыхъ орбита представляетъ эллипсъ, была открыта Faye'емъ въ 1843 году; уже первыя наблюденія ея показали, что параболическая орбита не согласуется съ наблюденіями гометы, и вычисленія показали, что это-комета періодическая, при чемъ время обращенія ея вокругъ Солнца равняется 7 годамъ слишкомъ. Для вторичнаго ея прохожденія черезъ перигелій въ 1851 году Le-Verrier вычислиль ея орбиту, принимая во вниманіе вліяніе Юпитера, при чемъ разница въ вычисленномъ времени прохожденія черезъ перигелій съ дѣйствительно бывшимъ оказалось всего только на 1 день. Послъ этого комета возвращалась къ перигелію и была наблюдаема въ 1858, 1865—66, 1873, 1880—81, 1888—89, 1895—96 годахъ. Для этого последняго прохожденія черезъ перигелій была предварительно также составлена эфемерида Engström'омъ, при чемъ разница въ вычисленномъ и дъйствительномъ времени прохожденія черезъ перигелій оказалась въ 4.6 дня; элементы орбиты кометы для эпохи 1896 г. марта 19.30 средн. Берлинскаго времени (время прохожденія черезъ перигелій) выразились слѣдующими числами:

Въ нынѣшнемъ, 1903, году предстоитъ опять прохожденіе кометы Гауе'я черезъ перигелій. Если принять среднее суточное движеніе ея 468".152, то получится, что для того, чтобы описать

около Солнца полный оборотъ, ей понадобится $\frac{360\times60\times60}{468.152}$ дня =

= 2768.33 дня; поэтому, прибавляя къ моменту послѣдняго прохожденія кометы черезъ перигелій (1896 марта 19.30) это число дней, находимъ моментъ слѣдующаго прохожденія ея черезъ перигелій 1903 октября 18.63. Но для даннаго случая такое рѣщеніе вопроса не годится, такъ какъ при ближайшемъ изученій движенія кометы оказывается, что въ ію ѣ 1899 года комета должна была весьма близко подойти къ Юпитеру (а именно, на 0.49

^{*)} М есть средняя аномалія въ указанную эпоху; ω , Ω и i суть разстояніе перигелія отъ узла орбиты, цолгота узла и наклонность плоскости орбиты къ эклиптикѣ; e — эксцентриситетъ; μ — среднее суточное движеніе кометы по орбитѣ.

средн. разстоянія Земли отъ Солнца), что должно было вызвать сильныя возмущенія въ движеніи кометы.

И дъйствительно, Е. Strömgren (см. "Astron. Nachr." n°3858) вычислиль эти возмущенія, при чемъ оказалось, что прохожденіе черезъ перигелій должно, благодаря имъ, совершиться на 4 мѣсяца раньше, а именно, 1903 іюня 3.64; при этомъ для эпохи 1903 года марта 10.0 ср. Берл. времени орбита кометы такова:

$$M=348^{\circ}34'.6$$
 $\omega=198\ 58.8$
 $\Omega=206\ 28.0$ эклиптика 1900.0 года.
 $i=10\ 37.5$
 $e=\mu=480''.16$

На основаніи этихъ элементовъ можно вычислить и эфемериду, которая представится въ слѣдующемъ видѣ:

1903 г. мая 13.5
$$\alpha = 2^{h}31^{m}$$
 $\delta = + 14^{o}.1$ іюня 4.5 3 36 17.1 , 1 , 26.5 4 42 18.6 іюля 18.5 5 46 18.4 авг. 9.5 6 45 16.8 , 31.5 7 39 14.1.

Новая перемѣнная звѣзда въ созвѣздіи Большой Медвѣдицы открыта Потсдамскими астрономами Müller'омъ и Kempf'омъ. Эта звѣзда (по каталогу Bonner Durchmusterung носить номеръ + 56°.1400) весьма слабая, а именно, въ тахітит' своего блеска она имѣетъ величину 7.9, а въ тіпітит' 8.6, такъ что простымъ глазомъ не видна. Но, въ смыслѣ измѣненія своего блеска, она весьма интересна, такъ какъ измѣненія эти происходять съ поразительной быстротой, періодъ измѣненій составляеть всего только 4°0°12°; измѣненія совершаются весьма плавно, и, повидимому, промежутокъ времени отъ тіпітит' до тахітит' а равенъ таковому отъ тахітит' а до тіпітит' а. Нахожденіе этой интересной перемѣнной звѣзды таково:

Моменты minimum'овъ могуть быть опредълены по формуль min.=1903, янв. 14, 4^h32^m ср. Гринв. врем. + (4^h12^s).Е, гдѣ Е произвольное цълое число.

Замѣна мыла электричествомь. Буданештскія газеты сообщають, что нѣкто І. Наги изъ Сегедина изобрѣль электрическую прачешную машину. Въ этой машинѣ употребленіе мыла совершенно устранено, а вся грязь и жиръ удаляются съ бѣлья электрическимъ токомъ. Говорятъ, что такая машина можетъ выстирать отъ 200 до 300 штукъ бѣлья заразъ безъ всякой помощи рабочихъ рукъ. Подробности, къ сожалѣнію, еще неизвѣстны.

("Электротехникъ").

Еще о телеграфъ Маркони. Изъ Нью-Горка сообщають, что телеграфъ Маркони былъ испытанъ на курьерскомъ повздв, имвющемъ скорость въ 96 километровъ въ часъ. Вполнв удалось установить сообщение повзда со станціями, лежащими на 13 килом. впереди. Успъхъ этого примвнения безпроволочнаго телеграфа представляетъ большое значение, давая возможность устранять многия желвзнодорожныя катастрофы.

. ("Электротехникъ").

Вопрось объ энергіи радіоантивныхъ веществь. То обстоятельство, что радіоантивныя вещества испускають лучи безъ замѣтной со времени ихъ открытія убыли энергіи, заставило R. Geigel'я искать притокъ необходимой энергіи въ поглощеніи этими лучами энергіи тяготѣнія тѣлъ, на которыя они падаютъ (См. Annalen der Physik, t. 10, р. 429, 1903). Помѣщая чашечку съ солью радія подъ уравновѣшенное на весьма чувствительныхъ вѣсахъ тѣло, онъ получилъ, дѣйствительно, отклоненіе вѣсовъ. Между тѣмъ, W. Kaufmann, непосредственно за опубликованіемъ опытовъ Geigel'я повторившій ихъ, приходитъ къ тому убѣжденію, что замѣченное этимъ физикомъ отклоненіе зависитъ отъ тока воздуха, возникающаго при введеніи теплой рукой экспериментатора чашечки съ радіемъ подъ колпакъ вѣсовъ. Того же результата можно достигнуть, подставляя, вмѣсто чашечки съ радіемъ, чашечку безъ него. (См. Ann. d. Phys. t. 10, р. 864).

Примъненіе телефона въ медицинъ. Въ лондонскихъ больницахъ съ нѣкотораго времени примъняютъ телефонъ въ качествѣ вспомогательнаго средства при отысканіи попавшихъ въ человѣческое тѣло пуль и другихъ металлическихъ предметовъ. Для этого поступаютъ слѣдующимъ образомъ. Съ телефономъ соединяются посредствомъ проволокъ съ одной стороны металлическая пластинка, съ другой же примъняемый для изслѣдованія зондъ. Пластинку прикладываютъ къ тѣлу паціента, при чемъ для обезпеченія электрическаго контакта прибъгаютъ къ прокладкѣ изъ влажной губки или смоченной соленой водой бумаги. Слушая въ телефонъ, который можетъ быть удерживаемъ около уха какимълибо приспособленіемъ, врачъ вводитъ зондъ въ рану, при чемъ цѣпь тока замыкается. Однако, самый токъ возникаетъ лишь тогда, когда зондъ коснется металлическаго тѣла, находящагося въ ранѣ; въ это время въ телефонѣ слышится шумъ.

Опыть этоть представляеть, очевидно, воспроизведение эксперимента Гальвани, который, какъ извъстно, впервые нашелъ,

что при прикосновеніи разнородныхъ металловъ (въ особенности при примѣненіи также жидкости) возникаетъ электрическій токъ. Въ Лондонѣ указаннымъ способомъ легко и надежно опредѣляли положеніе иглъ, пуль, дробинокъ, осколковъ мѣди и стали. Непримѣнимъ описанный методъ лишь въ томъ случаѣ, когда чуждое тѣло, попавшее въ организмъ, состоитъ изъ того же металла, какъ зондъ; для такихъ случаевъ необходимо имѣть зонды изъ разныхъ матеріаловъ.

("Электро-Техн. В.").

Телеграфія безь проводовь. Послѣ того, какъ безпроволочная телеграфія на опытѣ послѣднихъ маневровъ Германскаго флота, доказала свою практичность, нынѣ уже всѣ военные суда Германіи снабжены необходимыми аппаратами, и въ текущемъ году предположено устроить станціи, въ наиболѣе важныхъ въ стратегическомъ отнощеніи береговыхъ пунктахъ.

("Электро-Техн. В.").

МАТЕМАТИЧЕСКІЯ МЕЛОЧИ.

Доказательство извъстной теоремы изъ теоріи предъловъ.

Ноказать, что разность между площадями одноименных правильныхь многоугольниковь, описаннаго около круга и вписаннаго въ него, можеть быть сдълана менње всякаго произвольнаго количества E.

Пусть R радіусь круга, U_n и u_n площади правильныхь n угольниковь описаннаго около даннаго круга, и вписаннаго въ него, α_n и α_n аповема и сторона правильнаго n-угольника вписаннаго.

$$\frac{U_n}{u_n} = \frac{R^2}{\alpha_n^2} \quad (1) \qquad R - \alpha_n < \frac{\alpha_n}{2} \quad (2).$$

$$\frac{U_n - u_n}{U_n} = \frac{R^2 - \alpha_n^2}{R^2} \quad (1').$$

$$U_n - u_n = \frac{R^2 - \alpha_n^2}{R^2} U_n = \frac{(R - \alpha_n)(R + \alpha_n)}{R^2} U_n \quad (3).$$

Подставляя 2R вмѣсто $R + \alpha_n$ и $\frac{a_n}{2}$ вмѣсто $R - \alpha_n$, мы увеличиваемъ вторую часть равенства (3), слѣдовательно:

$$U_n - u_n < \frac{2(R - \alpha_n)}{R} U_n < \frac{\alpha_n}{R} U_n \quad (4)$$

Неравенство (4) справедливо для всякаго и, но, для

$$n > 4$$
, $U_n < U_4$, или $U_n < 4R^2$ (5)

Подставляя въ (4), имфемъ для n > 4:

$$U_n - u_n < \frac{a_n}{R} U_n < 4Ra_n$$

Если ε произвольно малая площадь, то, при $a_n \leq \frac{\varepsilon}{4R}$, мы удовлетворяемъ неравенству $U_n - u_n < \varepsilon$

М. В. (Иваново-Вознесенскъ).

РЕЦЕНЗІИ.

Избранныя задачи по практической физикъ. Составили В. А. Михельсонъ и П. П. Борисовъ. (Цвна 60 к.).

Хотя сборникъ г.г. Михельсона и Борисова предназначенъ для студентовъ Московскаго Сельскозяйственнаго Института, но имъ можно пользоваться, разумѣется, на ряду съ другими болѣе общирными руководствами, и въ физическихъ лабораторіяхъ всѣхъ вообще высшихъ учебныхъ заведеній; мнѣ думается даже, что значительною частью матеріала можно съ успѣхомъ воспользоваться и при практическихъ занятіяхъ въ среднихъ учебныхъ заведеніяхъ (напр., взвѣшиваніемъ, опредѣленіемъ плотности, фокуснаго разстоянія сферическихъ стеколъ или ихъ оптической силы, теплоемкости, опытами съ вольтаметромъ и т. п.). Задачъ немного, но онѣ хорошо подобраны п обстоятельно описаны. На этотъ сборникъ стоитъ обратить вниманіе.

Проф. Н. Гезехусъ.

С.-П. Технологическій Институтъ.

Фуртье и Мольтени. Научныя демонстраціи при помощи волшебнаго фонаря. Перевелъ М. П. Воскресенскій. Цівна 1 руб. Москва. 1900 г.

Настоящее руководство имѣетъ въ виду лицъ, которыя, умѣя управлять волшебнымъ фонаремъ, пожелали бы воспользоваться имъ для научныхъ проэкцій.

Въ этой книжкѣ можно найти немало полезныхъ указаній какъ относительно приспособленій для научныхъ демонстрацій посредствомъ проэкціоннаго аппарата, такъ и касательно установки и производства опытовъ по химіи и по разнымъ отдѣламъ физики.

Книжка хорошо издана и снабжена 70-ю превосходно исполненными рисунками и чертежами.

М. И.

ЗАДАЧИ ДЛЯ УЧАЩИХСЯ.

Ръшенія встхь задачь, предложенныхъ въ текущемъ семестръ, будутъ помъщены въ слъдующемъ семестръ.

№ 328 (4 сер.). Если a есть цѣлое число, квадрать котораго имѣетъ видъ 5n-1 (n—цѣлое число), то произведеніе xy цѣлыхъ чисель, удовлетворяющихъ уравненію

 $x^2-2ay^2=1,$

двлится на 5.

Е. Григориев (Казань).

№ 329 (4 сер.). Рѣшить въ цѣлыхъ числахъ уравненіе

$$x^{0,5x^{0,5}} + y^{0,5y^{0,5}} = 31.$$

Г. Огановъ (Эривань).

№ 330 (4 сер.). Доказать, что всякая плоскость, проходящая чрезъ средины двухъ противоположныхъ реберъ тетраздра, дѣлитъ его на двѣ равновеликія части.

A. E.

№ 331 (4 сер.). Доказать, что при всякомъ целомъ значении а число

 $(a^2 + 3a + 1)^2 - 1$

дълится на 24.

(Заимств.).

№ 332 (4 сер.) На перпендикулярѣ Dx, возстановленномъ изъ данной точки D даннаго отрѣзка BC къ прямой BC, найти такую точку A, чтобы уголъ BAC былъ втрое болѣе разности угловъ ABC и ACB.

(Заимств.).

№ 333 (4 сер.). Серебряный полый шарикъ вѣсить p граммовъ; позолоченный онъ вѣсить q граммовъ и плаваеть въ чистомъ спиртѣ въ состояніи безразличнаго равновѣсія. Опредѣлить толщину позолоты шарика.

Л. Ямпольскій (Braunschweig).

Ръшенія задачъ.

№ 234 (4 сер.). Рышить въ цылыхъ числахъ уравнение:

$$x^2-2xy+3y^2-4x+5y-33=0$$
.

Представивъ предложенное уравнение въ видъ

 $x^2-2(y+2)x+(3y^2+5y-33)=0$,

находимъ:

$$x = y + 2 \pm \sqrt{-2y^2 - y + 37}$$
 (1).

Для того, чтобы х было вещественнымъ числомъ (выраженіе: рѣшить уравненіе въ цѣлыхъ числахъ равносильно, по условію, выраженію въ вещественныхъ цѣлыхъ числахъ; это сокращеніе рѣчи общепринято), необходимо, чтобы у удовлетворяло неравенству

$$-2y^2-y+37 \geqslant 0,$$

NIII

$$2y^2 + y - 37 \leqslant 0 (2).$$

Рѣшивъ уравненіе

$$2y^2 + y - 37 = 0$$
,

находимъ ирраціональныя решенія

$$y = \frac{-1 \pm 17,2...}{4}$$
, дающія для у корни

$$\alpha = 4 + \varepsilon, \quad -\beta = -(4 + \eta) \quad (3),$$

гдѣ є и у положительныя ирраціональныя числа, меньшія 1. Поэтому, неравенству (2) можно дать видъ

$$(y-\alpha)(y+\beta) \leqslant 0 \qquad (4).$$

Если въ формуль (4) взять знакъ равенства, то у получаеть ирраціональныя значенія; знакъ же < возможенъ въ этой формуль лишь при

$$y+\beta>0, \ y-a<0,$$

- $(4+\eta)< y<4+\varepsilon,$

откуда следуеть, что y, будучи числомъ цельмъ, можеть иметь лишь одно изъ значеній -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4.

При помощи формулы (1) убъждаемся, что лишь при y = -4, -1, 3, 4 x получаеть соотвътственно цълыя значенія: 1 или -5; 7 или -5; 9 или 1; 7 или 5. Такимъ образомъ получаются вст цълыя рышенія предложенной системы.

И. Плотинк (Одесса); Н. С. (Одесса).

Nº 256 (4 сер.). Если въ треугольшикъ ABC

$$tgA = \frac{tgB + tgC}{2}$$
,

то прямая, соединяющая ортоцентръ съ центромъ описанной окружности, параллельна сторонъ BC.

Пусть O—центръ круга, описаннаго около треугольника, D—средина стороны BC, H—ортоцентръ, AM—высота треугольника, a и c—стороны, лежащія соотвѣтственно противъ угловъ A и C.

Изъ прямоугольныхъ треугольниковъ ВОД, ВАМ и ВНМ имвемъ:

$$OD = \frac{BD}{\operatorname{tg} \angle BOD} = \frac{BD}{\operatorname{tg} A} = \frac{a}{2\operatorname{tg} A}$$
 (1),

 $BM = c\cos B$, $HM = BM\cot g \angle BHM = BM\cot g C = c\cos B\cot g C$,

или, замѣняя c черезъ $\frac{a \sin C}{\sin A}$,

$$HM = \frac{a\sin C\cos B \cot gC}{\sin A} = \frac{a\cos B\cos C}{\sin A} \quad (2).$$

Изъ даннаго по условію соотношенія между углами треугольника имвемъ:

$$\frac{1}{2 \operatorname{tg} A} = \frac{1}{\operatorname{tg} B + \operatorname{tg} C} = 1 : \left(\frac{\sin B}{\cos B} + \frac{\sin C}{\cos C}\right) = 1 : \frac{\sin(B + C)}{\cos B \cos C} = \frac{\sin A}{\cos B \cos C}$$

$$\frac{1}{2 \operatorname{tg} A} = \frac{\cos B \cos C}{\sin A}, \quad \frac{\alpha}{2 \operatorname{tg} A} = \frac{a \cos B \cos C}{\sin A},$$

откуда (см. (1), (2)) слъдуеть, что OD = HM, т. е. точки O и H одинаково удалены сть стороны BC, а потому прямая OH параллельна прямой BC.

Х. Вовси (Двинскъ); Н. С. (Одесса).

№ 259 (4 сер.). Ръшить уравнение:

$$\sqrt{(x+1)(x^2+3)-12} + \sqrt{(x+1)(x^2-1)-7} = 11.$$

Раскрывая скобки подъ радикалами, даемъ уравненію видъ:

или, --полагая

$$\sqrt{x^{3}+x^{2}+3x-9}+\sqrt{x^{3}+x^{2}-x-8}=11,$$

$$x^{3}+x^{2}-x-8=u \qquad (1), -1$$

$$\sqrt{u+4x-1}=11-\sqrt{u} \quad (2).$$

Возвышая объ части уравненія (2) въ квадрать и отнимая затьмъ изъ объихъ частей по и, находимъ:

$$4x-1=121-22\sqrt{u}$$
, $22\sqrt{u}=122-4x$, $11\sqrt{u}=61-2x$ (3).

Возвышая въ квадрать объ части уравненія (3), получимъ:

$$121(x^3+x^2-x-8)=4x^2-24x+3721,$$

или, послѣ раскрытія скобокъ, перенесенія всѣхъ членовъ въ первую часть и приведенія,

121x³+117x²+123x-4689=0 (4). Желая узнать, не имъеть ли это уравненіе цълыхъ корней, испыты-

ваемъ дълителя +3 послѣдняго члена 4689 и находимъ $121.3^{3}+117.3^{4}+123.3-4689=0$.

Пъля первую часть уравненія (4) на x-3, находимъ для отысканія

Дъля первую часть уравненія (4) на x-3, находимъ для отысканія остальныхъ корней уравненія (4) уравненіе

 $121x^2 + 480x^2 + 1563 = 0$,

корни котораго

$$x_{2:3} = \frac{-240 \pm i\sqrt{131523}}{121}$$

мнимы.

Дъйствительный корень $x_1 = 3$ удовлетворяеть, — что видно изъ подстановки — первоначальному уравненію при условіи, что оба радикала берутся со знакомъ +.

И. Плотникъ (Одесса); Н. С. (Одесса); Л. Ямпольскій (Braunschweig).

№ 261 (4 сер.). Доказать, что лучи, падающій на призму и выходящій изъ нея, равно отстоять от точки пересыченія перпендикуляровь, возставленних вы точкахь паденія и выхожденія лучей

Пусть B—точка вхожденія, C—точка выхожденія луча изъ призмы, O—точка пересѣченія перпендикуляровъ паденія, проведенныхъ въ точкахъ B и C (по условію перпендикуляры эти пересѣкаются, τ , ϵ . падающій лучь лежить въ плоскости перпендикулярнаго сѣченія призмы), OB' и OC' — перпендикуляры, опущенные соотвѣтственно изъ точки O на лучи падающій и выходящій. Введя обозначенія: OB'=x, OC'=y, OB=a, OC=b, называя углы паденія и преломленія падающаго луча соотвѣтственно черезъ i и r, а вы-

ходящаго луча—черезъ i' и r' (такъ что $r=\angle CBO$, $i'=\angle BOC$), и обозначая коэффиціентъ преломденія черезъ m, имвемъ:

$$\frac{\sin i}{\sin r} = m \quad (1), \quad \frac{\sin i'}{\sin r'} = \frac{1}{m} \quad (2).$$

$$x = a \sin i,$$

$$y = b \sin r'.$$
(3)

Затемъ изъ треугольника ВОС находимъ:

$$\frac{a}{b} = \frac{\sin i}{\sin r'} \quad (4).$$

Дъля первое изъ равенствъ (3) на второе, получимъ (см. (1), (1), (2))

$$\frac{x}{y} = \frac{a}{b} \cdot \frac{\sin i}{\sin r'} = \frac{\sin i'}{\sin r} \cdot \frac{\sin i}{\sin r'} = \frac{\sin i}{\sin r} \cdot \frac{\sin i'}{\sin r'} = m \cdot \frac{1}{m} = 1,$$

. e. x = y, что и требовалось доказать.

Н. С. (Одесса).

№ 266 (4 сер.). Доказать, что при условіи

$$\left(\frac{1+ab}{a+b}\right)^2 < 1$$

павеолютная величина одного изъ количествъ а и b больше, а другого-меньше 1.

(Заимств. изъ L'Éducation Mathématique).

Высказанное въ условіи задачи предложеніе вѣрно лишь тогда, когда числа a и b вещественны. При комплексныхъ значеніяхъ a и b оно можетъ оказаться невѣрнымъ. Напр., при a=2i, b=i, гдѣ $i=\sqrt{-1}$, абсолютная величина выраженія $\left(\frac{1+ab}{a+b}\right)^2$ равна $\frac{1}{9}$, между тѣмъ какъ абсолютная величина b равна 1. Если же a и b вещественны, то, умножая обѣ части предложеннаго неравенства на положительное число $(a+b)^2$ (случай a+b=0, или a=-b невозможенъ въ силу предложен^наго неравенства), находимъ:

$$1+a^2b^2+2ab < a^2+b^2+2ab,$$

$$1+a^2b^2-a^2-b^2 < 0, \quad (a^2-1)(b^2-1) < 0,$$
 откуда либо
$$a^2-1>0, \quad b^2-1<0, \quad \text{т. e. } a^2>1, \quad b^2<1 \qquad (1)$$
 либо
$$a^2-1<0, \quad b^2-1>0, \quad \text{т. e. } a^2<1, \quad b^2>1 \qquad (2).$$

Изъ неравенствъ (1) и (2) видно, что абсолютная величина одного изъ чисель а и b больше, а другого меньше 1.

X. Вовси (Шадовъ); Н. Кунпцынъ (Усть-Медвѣдица); Л. Гальперинъ (Бердичевъ); Г. Отановъ (Эривань).

Редакторы: В. А. Цимперманъ и В. Ф. Каганъ.

Издачень В. А. Гернетъ.